

В. В. Золотарёв

# ТЕОРИЯ КОДИРОВАНИЯ КАК ЗАДАЧА ПОИСКА ГЛОБАЛЬНОГО ЭКСТРЕМУМА



В. В. Золотарёв

# **ТЕОРИЯ КОДИРОВАНИЯ КАК ЗАДАЧА ПОИСКА ГЛОБАЛЬНОГО ЭКСТРЕМУМА**

Под научной редакцией академика РАН  
Н. А. Кузнецова

Москва  
Горячая линия – Телеком  
2018

УДК 621.391.15  
ББК 32.811.4  
3-80

**Р е ц е н з е н т ы :**

профессор кафедры высшей математики ФГБОУ ВПО «РГРТУ»,  
директор лаборатории системного анализа, доктор физ.-мат. наук *В. В. Миронов*;  
профессор кафедры вычислительной и прикладной математики  
ФГБОУ ВПО «РГРТУ», доктор техн. наук *Г. В. Овечкин*.

**Золотарёв В. В.**

- 3-80** Теория кодирования как задача поиска глобального экстремума / Под научной редакцией академика РАН Н. А. Кузнецова. – М.: Горячая линия – Телеком, 2018. – 224 с.: ил.  
**ISBN 978-5-9912-0701-0.**

Представлены теоретические и прикладные результаты современной теории кодирования как задачи поиска глобального экстремума функционала в дискретных пространствах. Рассмотрены различные методы простой коррекции ошибок при максимально допустимом уровне шума. Показано, что многопороговые декодеры, различные версии алгоритма Витерби и новые методы кодирования успешно решают на высоком технологическом уровне главную проблему теории информации – простое и эффективное декодирование вблизи границы Шеннона.

Для специалистов в области систем связи, инженеров, студентов старших курсов, а также аспирантов математических и радиотехнических факультетов.

**ББК 32.811.4**



Издание осуществлено при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований по проекту 18-17-00005, не подлежит продаже

**ISBN 978-5-9912-0701-0**

© В. В. Золотарёв, 2018

© Научно-техническое издательство «Горячая линия – Телеком», 2018

# Оглавление

<b>От научного редактора .....</b>	3
<b>От автора.....</b>	12
<b>Введение .....</b>	22
<b>Глава 1. Основы теории кодирования и мажоритарных алгоритмов.....</b>	27
1.1. Линейные коды .....	27
1.2. Единство блоковых и свёрточных кодов.....	32
1.3. Каналы связи .....	33
1.4. Алгоритмы декодирования корректирующих кодов .....	36
1.5. Эффективность декодирования .....	38
1.6. Длины используемых кодов .....	47
1.7. Пороговое декодирование и повторная коррекция.....	50
1.8. Вероятность первой ошибки порогового декодера самоортогонального кода .....	52
1.9. Пороговые процедуры для недвоичных кодов.....	54
1.10. «Мажоритарное» декодирование в стирающих каналах .....	58
<b>Глава 2. Основные принципы многопорогового декодирования .....</b>	61
2.1. Об «избыточной» корректирующей способности мажоритарных методов .....	63
2.2. Принцип глобальной оптимизации функционала .....	65
2.3. Алгоритм многопорогового декодирования .....	72
2.4. Гауссовский канал .....	78
2.5. Предельные возможности МПД алгоритмов в гауссовских каналах .....	79
2.6. Символьные (недвоичные) коды .....	81
2.7. Нижние границы эффективности символьных МПД .....	87
2.8. Итеративные «мажоритарные» процедуры в каналах со стираниеми .....	88
2.9. Несистематические коды .....	91
2.10. Многопозиционные системы сигналов.....	92
2.11. Расширение области приложения принципов МПД.....	93
2.12. Размножение ошибок в мажоритарных схемах декодирования .....	94
<b>Глава 3. Основные достижения Оптимизационной Теории ..</b>	104
3.1. Принципы дивергентного кодирования .....	105
Список литературы.....	111
3.2. Блоковая модификация алгоритма Витерби.....	111
Список литературы.....	120

---

3.3. О синергетическом взаимодействии дивергентности и каскадирования . . . . .	121
Список литературы . . . . .	128
3.4. О декодировании в стирающих каналах . . . . .	129
Список литературы . . . . .	135
3.5. Этапные прикладные достижения Оптимизационной Теории . . . . .	137
3.5.1. Введение . . . . .	137
3.5.2. Гауссовские каналы . . . . .	138
3.5.3. Символьные коды . . . . .	141
3.5.4. Стирающие каналы . . . . .	144
3.5.5. Специальные приложения ОТ . . . . .	146
3.5.6. Основные ресурсы классической теории . . . . .	148
3.5.7. Интеллектуальное пространство ОТ . . . . .	149
3.5.8. Заключение . . . . .	152
Список литературы . . . . .	154
3.6. Выводы . . . . .	159
<b>Глава 4. Технологии теории информации для ОТ . . . . .</b>	160
4.1. Использование МПД в классических каскадных схемах . . . . .	160
4.2. Каскадирование с кодами контроля по четности . . . . .	162
4.3. Применение МПД в схемах параллельного каскадирования . . . . .	165
4.4. Кодирование для систем многопозиционной модуляции . . . . .	170
4.5. Использование МПД для кодов с неравной защитой символов . . . . .	170
4.6. ОТ: приём эстафеты от алгебраической теории кодирования . . . . .	172
<b>Глава 5. Технологические средства поиска глобального экстремума . . . . .</b>	179
5.1. Программное обеспечение для исследований в области ОТ . . . . .	179
5.2. Особенности процедур набора статистики и оптимизации . . . . .	182
5.3. Краткий обзор руководящих парадигм ОТ . . . . .	184
5.4. Интеллектуальный космос развития методов кодирования . . . . .	186
<b>Глава 6. Рекомендации к дальнейшим исследованиям . . . . .</b>	189
6.1. Алгоритмы Витерби . . . . .	189
6.2. Алгоритмы МПД . . . . .	190
6.3. Принцип дивергенции — расширение приложений . . . . .	191
6.4. Конвергенция решений . . . . .	192
6.5. Комплексный подход . . . . .	193

---

<b>Заключение</b> .....	194
<b>Приложение 1.</b> Примерное ТЗ на разработку системы кодирования .....	203
<b>Приложение 2.</b> Таблицы .....	205
<b>Приложение 3.</b> Число итераций при поиске оптимальных решений декодера .....	208
<b>Список сокращений</b> .....	211
<b>Список литературы</b> .....	212
<b>Указатель терминов и определений</b> .....	217