

Университетский учебник

Ю. Н. Павловский  
Н. В. Белотелов  
Ю. И. Бродский

# ИМИТАЦИОННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

2-е издание



Прикладная математика  
и информатика



УНИВЕРСИТЕТСКИЙ УЧЕБНИК

Серия «Прикладная математика и информатика»

Ю.Н.ПАВЛОВСКИЙ, Н.В.БЕЛОТЕЛОВ, Ю.И.БРОДСКИЙ

# ИМИТАЦИОННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

*Допущено*

*Научно-методическим советом по математике  
Министерства образования и науки Российской Федерации в качестве  
учебного пособия для студентов высших учебных заведений,  
обучающихся по специальностям направления подготовки  
«Прикладная математика и информатика»*

2-е издание, стереотипное



Москва  
Издательский центр «Академия»  
2008

УДК 519.673(075.8)  
ББК 221.1: 32.81я73  
П121

Р е ц е н з е н т ы:

д-р физ.-мат. наук, проф. *В. Ф. Тишкин* (Институт математического моделирования РАН);  
д-р физ.-мат. наук, проф. *И. Г. Постолов* (Вычислительный центр им. А.А.Дородницына РАН)

**Павловский Ю. Н.**

П121 Имитационное моделирование : учеб. пособие для студ. высш. учеб. заведений / Ю. Н. Павловский, Н. В. Белотелов, Ю. И. Бродский. — 2-е изд., стер. — М. : Издательский центр «Академия», 2008. — 240 с. — (Университетский учебник. Сер. Прикладная математика и информатика).

ISBN 978-5-7695-5765-1

В учебном пособии представлены материалы по разработке имитационных математических моделей сложных явлений, процессов, систем по компьютерной реализации моделей и организации интерфейсов в процессе выполнения имитационных экспериментов с моделями. Дан анализ моделируемых процессов. Приведены примеры имитационных математических моделей, иллюстрирующие составляющие технологии имитационного моделирования.

Для студентов высших учебных заведений. Может быть полезно аспирантам и научным работникам.

УДК 519.673(075.8)  
ББК 22.1: 32.81я73

# **СОДЕРЖАНИЕ**

Предисловие . . . . .	3
Введение . . . . .	7
<b>Глава 1. Имитационные модели как динамические системы . . . . .</b>	<b>15</b>
1.1. Дискретные и непрерывные динамические системы . . . . .	15
1.2. Примеры динамических моделей . . . . .	19
1.3. Проблема определения начальных значений внутренних характеристик имитационных моделей . . . . .	27
1.4. Наблюдаемость, реализация, декомпозиция динамических систем . . . . .	33
<b>Глава 2. Модели демографических процессов . . . . .</b>	<b>50</b>
2.1. Модель эволюции возрастной и половой структуры населения в регионе . . . . .	51
2.1.1. Описание модели . . . . .	51
2.1.2. Идентификация модели демографического процесса . . . . .	55
2.1.3. Аналитическое исследование непрерывной модели демографического процесса . . . . .	60
2.1.4. Исследование непрерывной модели демографического процесса . . . . .	63
2.2. Имитационная модель эволюции возрастной структуры технических систем . . . . .	70
<b>Глава 3. Системная динамика Дж. Форрестера . . . . .</b>	<b>84</b>
3.1. Концепция моделирования Дж. Форрестера . . . . .	85
3.2. Введение в модель «мировая динамика» Дж. Форрестера . . . . .	90
3.3. Мировая динамика Дж. Форрестера . . . . .	95
3.4. Некоторые результаты исследования модели мировой динамики . . . . .	104
<b>Глава 4. Имитация при изучении случайных процессов . . . . .</b>	<b>115</b>
4.1. Случайные и детерминированные процессы . . . . .	115
4.2. Случайные величины и их характеристики . . . . .	116
4.3. Случайные процессы . . . . .	120

4.4. Марковские случайные процессы . . . . .	121
4.5. Имитация случайных процессов . . . . .	123
4.6. Теория массового обслуживания . . . . .	124
<b>Глава 5. Инструментальные средства имитационного моделирования. Объектно-событийное моделирование сложных систем . . . . .</b>	<b>131</b>
5.1. Инструментальные средства имитационного моделирования . . . . .	131
5.2. Объектно-событийное моделирование . . . . .	134
5.3. Перспективы развития инструментальных систем имитационного моделирования . . . . .	163
<b>Глава 6. Проблемно-ориентированные интерактивные системы . . . . .</b>	<b>168</b>
6.1. Экспертные системы . . . . .	168
6.2. Интерактивные оптимизационные системы . . . . .	173
6.3. Проблемно-ориентированные имитационные интерактивные системы . . . . .	179
<b>Глава 7. Примеры системного анализа социально-экономических процессов с помощью имитационных моделей . . . . .</b>	<b>187</b>
7.1. Имитационная модель экономической динамики древнегреческих полисов в период Пелопоннесской войны 431 – 404 гг. до н. э. . . . .	187
7.1.1. Историческая справка . . . . .	189
7.1.2. Описание модели . . . . .	192
7.1.3. Некоторые результаты имитации . . . . .	200
7.1.4. Причины Пелопоннесской войны . . . . .	202
7.2. Имитационная модель развития взаимоотношений в системе государств . . . . .	205
7.2.1. Описание модели . . . . .	205
7.2.2. Описание имитационного эксперимента . . . . .	209
7.2.3. Анализ межгосударственных отношений . . . . .	212
7.3. Имитационная модель экологических, демографических, экономических процессов . . . . .	215
7.3.1. Проблема устойчивого развития . . . . .	215
7.3.2. Описание модели . . . . .	217
7.3.3. Системный анализ проблемы устойчивого развития . . . . .	224
<b>Список литературы . . . . .</b>	<b>231</b>