

В.А. Бухалёв  
А.А. Скрынников  
В.А. Болдинов

# ИГРОВОЕ УПРАВЛЕНИЕ СИСТЕМАМИ СО СЛУЧАЙНОЙ СКАЧКООБРАЗНОЙ СТРУКТУРОЙ



**В.А. Бухалёв  
А.А. Скрынников  
В.А. Болдинов**

**ИГРОВОЕ УПРАВЛЕНИЕ  
СИСТЕМАМИ  
СО СЛУЧАЙНОЙ  
СКАЧКООБРАЗНОЙ СТРУКТУРОЙ**



**МОСКВА  
ФИЗМАТЛИТ®  
2021**

УДК 519.83  
ББК 22.17  
И 27



*Издание осуществлено при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований по проекту 20-18-00024, не подлежит продаже*

**Бухалёв В.А., Скрынников А.А., Болдинов В.А. Игровое управление системами со случайной скачкообразной структурой.** — М.: ФИЗМАТЛИТ, 2021. — 176 с. — ISBN 978-5-9221-1891-0.

Монография представляет собой первое систематизированное изложение разработанных авторами методов и алгоритмов игрового минимаксного управления системами со случайной скачкообразной структурой.

Методы основаны на фундаментальных концепциях теории марковских процессов, байесовского оценивания, динамического программирования, дифференциальных игр и двухмоментной параметрической аппроксимации вероятностных распределений. Предложены рекуррентные алгоритмы взаимосвязанного распознавания, оценивания и управления, основанные на комплексировании показаний измерителей фазовых координат и индикаторов структуры. Приводятся многочисленные примеры решения разнообразных прикладных задач.

Книга предназначена научным работникам, инженерам, преподавателям, аспирантам и учащимся вузов, которые специализируются в области информационно-управляющих систем.

ISBN 978-5-9221-1891-0

© ФИЗМАТЛИТ, 2021

© В. А. Бухалёв, А. А. Скрынников,  
В. А. Болдинов, 2021

## ОГЛАВЛЕНИЕ

Список примеров . . . . .	5
Введение . . . . .	7

### **Часть I. Измерение, обработка информации и управление в системах со случайной скачкообразной структурой**

<b>Глава 1. Математические модели систем со случайной скачкообразной структурой . . . . .</b>	<b>13</b>
1.1. Объекты, процессы и явления с внезапными скрытыми изменениями характеристик . . . . .	13
1.2. Математические модели управляемых объектов, индикаторов и измерителей в системах со случайной скачкообразной структурой . .	13
1.3. Классификация систем со случайной скачкообразной структурой . .	16
<b>Глава 2. Задачи, принципы и методы построения игровых алгоритмов в системах со случайной скачкообразной структурой . . .</b>	<b>18</b>
2.1. Задачи обработки информации и управления . . . . .	18
2.2. Принципы и методы построения алгоритмов . . . . .	21
<b>Глава 3. Распознавание структуры и оценивание фазовых координат . . . . .</b>	<b>25</b>
3.1. Нелинейный объект с условно-марковской структурой . . . . .	25
3.2. Алгоритмы типа «классификатор–идентификатор–фильтр–дисперсиометр», основанные на двухмоментной параметрической аппроксимации вероятностных распределений . . . . .	31
3.3. Линейный объект с марковской структурой . . . . .	40
3.4. Распознавание марковской структуры объекта по показаниям индикаторов . . . . .	46
3.5. Адаптивные одноканальные алгоритмы . . . . .	47

<b>Глава 4. Управление структурой и фазовыми координатами по критерию минимума среднего риска</b> . . . . .	56
4.1. Постановка задачи . . . . .	56
4.2. Нелинейный объект с условно-марковской структурой . . . . .	57
4.3. Алгоритмы, основанные на двухмоментной параметрической аппроксимации распределений . . . . .	71
4.4. Линейный объект с марковской структурой . . . . .	74
4.5. Управление марковской структурой объекта по показаниям индикатора . . . . .	80

## **Часть II. Игровое минимаксное управление**

<b>Глава 5. Антагонистические игры</b> . . . . .	87
5.1. Матричная игра с нулевой суммой в чистых стратегиях . . . . .	87
5.2. Матричная игра с нулевой суммой в смешанных стратегиях . . . . .	90
5.3. Игра двух участников при непрерывной функции потерь . . . . .	94
<b>Глава 6. Управление динамическими объектами с детерминированной структурой</b> . . . . .	96
6.1. Нелинейный объект . . . . .	96
6.2. Линейный объект . . . . .	97
6.3. Нелинейный объект со случайными параметрами . . . . .	104
6.4. Линейный объект со случайными параметрами . . . . .	110
<b>Глава 7. Управление динамическими объектами со случайной скачкообразной структурой</b> . . . . .	126
7.1. Нелинейный объект с условно-марковской структурой . . . . .	126
7.2. Алгоритмы с двухмоментной параметрической аппроксимацией вероятностных распределений . . . . .	135
7.3. Линейный объект с марковской структурой . . . . .	142
<b>Глава 8. Управление марковской структурой объектов</b> . . . . .	147
8.1. Управление в чистых стратегиях по показаниям индикаторов . . . . .	147
8.2. Управление в смешанных стратегиях . . . . .	155
8.3. Управление в смешанных стратегиях по показаниям индикаторов . . . . .	165
<b>Список литературы</b> . . . . .	169

## Список примеров

Пример 3.1. Распознавание и оценивание сигнала системы с нелинейной пеленгационной характеристикой . . . . .	28
Пример 3.2. Алгоритм обработки информации с аппроксимацией распределением Пирсона первого типа . . . . .	35
Пример 3.3. Маловысотный полет с облетом опасных препятствий . . . . .	42
Пример 3.4. Обнаружение ложной тепловой цели . . . . .	46
Пример 3.5.2. Наведение БПЛА в условиях перерывов информации . . . . .	52
Пример 4.2. Оптимальное управление сигналом и случайной структурой объекта . . . . .	61
Пример 4.3. Управление сигналом и случайной структурой с аппроксимацией равномерным распределением . . . . .	72
Пример 4.4. Управление полосой пропускания автоматической системы . . . . .	76
Пример 4.5. Управление случайной структурой с двумя состояниями . . . . .	81
Примеры 5.1.1, 5.1.2, 5.1.3. Седловая точка и цена игры в чистых стратегиях . . . . .	88
Примеры 5.2.1, 5.2.2. Седловая точка и цена игры в смешанных стратегиях . . . . .	92
Пример 5.3. Седловая точка игры при непрерывной функции потерь . . . . .	95
Пример 6.2.1. Минимаксное управление объектом с седловой точкой игры . . . . .	98
Пример 6.2.2. Перехват ракетой воздушной цели . . . . .	101
Пример 6.3. Минимаксный фильтр Калмана с управлением дисперсиями возмущения и помех . . . . .	106
Пример 6.4.1а. Игра: помеха в радиоканальном канале против сигнала управления в телевизионно-командной системе наведения . . . . .	112
Пример 6.4.1б. Игра: помеха в телевизионном канале против сигнала управления в телевизионно-командной системе наведения . . . . .	117
Пример 6.4.1в. Наведение БПЛА на активно маневрирующий объект . . . . .	120

---

Пример 7.1. Игровое управление состоянием объекта и структурой измерителя .....	128
Пример 7.2. Игровое управление вероятностным распределением случайного входного сигнала .....	137
Пример 7.3. Наведение ракеты на маневрирующий объект в условиях перерывов информации .....	144
Пример 8.1. Игровое управление структурой объекта с двумя состояниями в чистых стратегиях .....	148
Пример 8.2.1. Игровое управление сменой режимов наведения БПЛА: «слежение за объектом», «слежение за помехой» .....	156
Пример 8.2.2. Игровое скачкообразное управление дисперсией помехи в фильтре Калмана .....	159
Пример 8.2.3. Игровое скачкообразное управление дисперсией возмущения в фильтре Калмана .....	162
Пример 8.3. Игровое управление сменой режимов наведения БПЛА по показаниям индикаторов .....	167