

SCIENCE

НАУКА



СТОХАСТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ НЕОДНОРОДНЫХ  
СОЦИАЛЬНО-ЭКОНОМИЧЕСКИХ СОВОКУПНОСТЕЙ  
ПО СЛУЧАЙНЫМ ВЫБОРКАМ

В.С. МХИТАРЯН, Е.В. ЧЕРЕПАНОВ



МОНОГРАФИЯ



В.С. МХИТАРЯН  
Е.В. ЧЕРЕПАНОВ

СТОХАСТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ  
НЕОДНОРОДНЫХ  
СОЦИАЛЬНО-ЭКОНОМИЧЕСКИХ  
СОВОКУПНОСТЕЙ  
ПО СЛУЧАЙНЫМ ВЫБОРКАМ

МОНОГРАФИЯ

Москва  
КУРС  
2017

**УДК 519.876(075.4)**

**ББК 2.22.171**

**M93**

ФЗ Издание не подлежит маркировке  
№ 436-ФЗ в соответствии с п. 1 ч. 4 ст. 11

**Рецензенты:**

*В.А. Балаш* — д-р экон. наук, профессор кафедры математической экономики Национального исследовательского саратовского государственного университета им. Н.Г. Чернышевского»;

*Э.А. Геворкян* — д-р физ.-мат. наук, профессор кафедры высшей математики Российского экономического университета им. Г.В. Плеханова (РЭУ им. Г.В. Плеханова)

**Мхитарян В.С.**

**M93**

Стохастическое моделирование неоднородных социально-экономических совокупностей по случайным выборкам : монография / В.С. Мхитарян, Е.В. Черепанов. — М.: КУРС, 2017. — 224 с. — (Наука).

ISBN 978-5-906923-09-7 (КУРС)

ISBN 978-5-16-102527-7 (ИНФРА-М, online)

В монографии изложен нетрадиционный подход к стохастическому моделированию неоднородных социально-экономических совокупностей. Основное место в работе занимают оригинальные методы вероятностно-статистического анализа случайных выборочных наблюдений. В работе рассмотрены новые методы решения задач выборочных исследований, а также анализа полноты и достоверности эмпирических таблиц количественных данных; прогнозирования экономической динамики по короткой ретроспективе наблюдений; многомерной систематизации и выявление уровня (качества) объектов экономики и техники на основе выбора классов эквивалентности мажорант Парето.

Последние три главы содержат результаты апробации разработанных методов реальных данных. Высокая точность результатов решения задач обеспечивается в числе прочего за счет использования априорной информации об исходной генеральной совокупности, которая уже имеется, но обычно не используется.

Монография предназначена для научных сотрудников, преподавателей экономико-математических дисциплин в вузах, аспирантов и студентов магистратуры, обучающихся по экономическим специальностям, статистике, эконометрике и маркетингу рынков. Книга может быть полезна тем специалистам, которые применяют в своей научной и практической работе или преподавании вероятностно-статистические методы.

**УДК 519.876(075.4)**

**ББК 2.22.171**



ISBN 978-5-906923-09-7 (КУРС)

ISBN 978-5-16-102527-7 (ИНФРА-М, online)

© Мхитарян В.С., Черепанов Е.В., 2017

© КУРС, 2017

Оригинал-макет подготовлен в Издательстве «КУРС»

Подписано в печать 22.12.2016.

Формат 60×90/16. Бумага офсетная. Гарнитура Newton.

Усл. печ. л. 14,0. Тираж 500 экз. Заказ № 9495

TK 653042-780521-221216

ООО Издательство «КУРС»

127273, Москва, ул. Олонецкая, д. 17А, офис 104. Тел.: (499) 709-16-28.

E-mail: kursizdat@gmail.com

Отпечатано в АО «Первая Образцовая типография»

Филиал «Чеховский Печатный Двор»

# ОГЛАВЛЕНИЕ

<b>ПРЕДИСЛОВИЕ .....</b>	3
<b>ВВЕДЕНИЕ .....</b>	7
<b>Глава 1. СПЕЦИФИКА ИСПОЛЬЗОВАНИЯ СТОХАСТИЧЕСКОГО АППАРАТА В СОЦИАЛЬНО- ЭКОНОМИЧЕСКИХ ИССЛЕДОВАНИЯХ .....</b>	10
1.1. Особенности подходов математической статистики, анализа данных и эконометрики.....	10
1.2. Непараметрические и робастные оценки. Процедуры оценивания типа Розенблatta—Парзена .....	14
1.3. Типы шкал измерений. Дихотомизация описания социально-экономических систем.....	20
1.4. Соотношение понятий неопределенности, нечеткости и случайности .....	26
Выводы по главе 1 .....	30
<b>Глава 2. МНОГОМЕРНЫЕ ОБОБЩЕНИЯ ГИПЕРГЕОМЕТРИЧЕСКОГО РАСПРЕДЕЛЕНИЯ КАК ОСНОВЫ ИССЛЕДОВАНИЯ СТРУКТУРИРОВАННЫХ МНОЖЕСТВ .....</b>	33
2.1. Многомерные обобщения гипергеометрического распределения (ГГР) и их асимптотика .....	33
2.1.1. Гипергеометрическое распределение (ГГР) и его роль в социально-экономических исследованиях .....	33
2.1.2. Многомерное гипергеометрическое распределение (МГГР) .....	36
2.1.3. Неоднородность социальных наблюдений. Структурированное ГГР (СГГР) как вероятностная модель социальной системы .....	38
2.1.4. Многомерное структурированное ГГР (МСГГР) как основа стохастического отбора из структурированных множеств .....	41
2.2. Случайные и квотные оценки в социально-экономических исследованиях. Практическое формирование случайной выборки .....	42
2.2.1. Оценка необходимого объема выборки при квотном опросе .....	42
2.2.2. Описание и использование квотных выборок .....	44
2.2.3. Практические рекомендации по формированию случайной выборки .....	46
2.3. Полиномиальное распределение (ПР) и его обобщения .....	52
2.3.1. Полиномиальное распределение как асимптотический случай многомерного гипергеометрического распределения .....	53
2.3.2. Представления функции вероятностей полиномиального распределения .....	55
2.3.3. Асимптотика полиномиального распределения .....	56
2.3.4. Обобщения полиномиального распределения .....	58
2.4. Непрерывные аналоги распределений полиномиального типа для неоднородных совокупностей несчетной мощности .....	61
2.4.1. Понятие о непрерывном полиномиальном распределении .....	61
2.4.2. Структурированное непрерывное полиномиальное распределение .....	65
Выводы по главе 2 .....	68

<b>Глава 3. СТАТИСТИЧЕСКИЕ ОЦЕНКИ ЧАСТОТ ВСТРЕЧАЕМОСТИ ДИХОТОМИЧЕСКИХ ПРИЗНАКОВ. НЕПАРАМЕТРИЧЕСКИЕ ПОЛИГРАММНЫЕ ОЦЕНКИ.....</b>	71
3.1. Статистические оценки частот встречаемости булевых признаков с использованием обобщений гипергеометрического распределения .....	71
3.1.1. Выборочные оценки частот встречаемости булевых признаков по совокупности в целом с использованием МСГР .....	71
3.1.2. Приложение полученных результатов к аналитике форума .....	75
3.1.3. Статистический подход к финансовой оптимизации при актуарных расчетах в страховом бизнесе .....	79
3.2. Статистические оценки частот встречаемости булевых признаков для категорий населения с использованием обобщений полиномиального распределения.....	83
3.2.1. Вспомогательные оценки частот встречаемости булевых признаков по категориям совокупности .....	83
3.2.2. Вспомогательные оценки частот встречаемости бинарных признаков по населению в целом .....	85
3.2.3. Выборочные оценки частот встречаемости дихотомических признаков по совокупности в целом.....	87
3.2.4. Выборочные оценки частот встречаемости дихотомических признаков по категориям совокупности .....	88
3.3. Метод группового анкетирования на «малых выборках» .....	90
3.3.1. Метод «фокус-групп» и возможности его использования .....	90
3.3.2. Технология группового анкетирования на «малых выборках» .....	91
3.3.3. Статистические оценки частот встречаемости по населению в целом при групповом анкетировании на малых выборках.....	95
3.3.4. Статистические оценки частот встречаемости по категориям населения при групповом анкетировании на малых выборках.....	97
3.4. Полиграммные оценки и их использование при анализе непрерывных распределений экономических показателей.....	98
3.4.1. Полиграмма как непараметрическая оценка плотности вероятностей .....	99
3.4.2. Полиграммные оценки интегральных функционалов.....	99
3.4.3. Полиграммные оценки моментов и моды непрерывного распределения.....	104
3.4.4. Сравнение точности полиграммных и классических оценок .....	107
Выводы по главе 3 .....	109
<b>Глава 4. СТАТИСТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ ОЦЕНИВАНИЯ В ЭКОНОМЕТРИЧЕСКИХ ИССЛЕДОВАНИЯХ.....</b>	111
4.1. Анализ полноты и достоверности данных в эмпирических таблицах значений числовых показателей.....	111
4.1.1. Алгоритм анализа данных в эмпирических таблицах при наличии пропусков и недостоверных данных.....	112
4.1.2. Примеры восстановления пропусков и недостоверных данных .....	114
4.2. Непараметрическое прогнозирование экономической динамики.....	121
4.2.1. Непараметрическое экстраполирование количественных последовательностей в терминах конечных разностей .....	122
4.2.2. Процедура выявления многомерных последовательностей с некоррелированными компонентами случайного вектора.....	124
4.2.3. Экстраполирование многомерных последовательностей с учетом стохастических взаимосвязей показателей .....	126
4.2.4. Понятие о «статистическом планировании» .....	127
4.2.5. Функция сходства многомерных объектов (наблюдений).....	130

4.3.	Типологическое пространство, функция сходства наблюдений и анализ уровня (качества) технических и экономических объектов.....	133
4.3.1.	Понятие типологического пространства .....	133
4.3.2.	Отношение Парето как основа анализа уровня объектов .....	135
4.4.	Статистическая классификация многомерных экономических и технических систем на основе ранговых мер сходства .....	141
4.4.1.	Коэффициенты сходства между многомерными наблюдениями .....	141
	Выводы по главе 4 .....	148
<b>Глава 5. МАРКЕТИНГОВЫЕ ИССЛЕДОВАНИЯ ПОТРЕБИТЕЛЬСКИХ РЫНКОВ ТОВАРОВ И УСЛУГ .....</b>		<b>150</b>
5.1.	Количественные характеристики потребительских рынков.	
	Математическое описание однотоварного рынка.....	151
5.1.1.	Категории полезности, спроса и потребления .....	151
5.1.2.	Характеристики розничного однотоварного рынка .....	154
5.1.3.	Критерий максимизации прибыли продавцов .....	157
5.1.4.	Издержки совокупного продавца на однотоварном рынке .....	158
5.1.5.	Функциональные зависимости между характеристиками однотоварного потребительского рынка .....	162
5.2.	Статистический анализ потребительских предпочтений (на примере московского рынка табачной продукции) .....	164
5.2.1.	Статистическая оценка структуры потребления марок табачной продукции .....	165
5.3.	Стохастический анализ негосударственной пенсионной системы в регионах РФ .....	171
5.3.1.	Оценки населением существующей в 2006 г. пенсионной системы....	173
5.3.2.	Ситуация на рынке негосударственных пенсионных услуг .....	175
5.3.3.	Потенциал услуг на рынке пенсионного страхования .....	176
5.3.4.	Предпочтения и оценки по социальным категориям населения .....	178
5.4.	Оценка отношения населения к страховым услугам.....	181
	Выводы по главе 5 .....	186
<b>Глава 6. СТОХАСТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ САМООЦЕНКИ КАЗАЧЕСТВОМ ЮГА РОССИИ СВОЕГО СОЦИАЛЬНО-ЭКОНОМИЧЕСКОГО ПОЛОЖЕНИЯ .....</b>		<b>188</b>
6.1.	Цели, инструментарий и методика выборочного обследования казачества Северного Кавказа.....	188
6.2.	Самоидентификация казачества Юга России и отношение казаков к идеи о создании казачьей автономии.....	199
6.3.	Самооценка казаками Северного Кавказа своего материального положения .....	205
6.4.	Исследование отношения казаков к несению государственной службы с использованием метода группового анкетирования на малых выборках .....	208
	Выводы по главе 6 .....	210
<b>ЗАКЛЮЧЕНИЕ .....</b>		<b>212</b>
<b>СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ .....</b>		<b>215</b>