

Рябко Б. Я.  
Фионов А. Н.

# ОСНОВЫ СОВРЕМЕННОЙ КРИПТОГРАФИИ И СТЕГАНОГРАФИИ

Горячая линия-Телеком

2 издание

Б. Я. Рябко, А. Н. Фионов

**ОСНОВЫ СОВРЕМЕННОЙ  
КРИПТОГРАФИИ И  
СТЕГАНОГРАФИИ**

**2 издание**

Москва  
Горячая линия - Телеком  
2013

УДК 621.391

ББК 32.801.4

Р98

Рябко Б. Я., Фионов А. Н.

Р98      Основы современной криптографии и стеганографии. –  
2-е изд. – М.: Горячая линия – Телеком, 2013. – 232 с.: ил.  
ISBN 978-5-9912-0350-0.

В монографии изложены основные подходы и методы современной криптографии и стеганографии для решения задач, возникающих при обработке, хранении и передаче информации. Рассмотрены основные шифры с открытыми ключами, методы цифровой подписи, основные криптографические протоколы, блковые и потоковые шифры, криптографические хеш-функции, а также редко встречающиеся в литературе вопросы о конструкции доказуемо невскрываемых крипtosистем и криптографии на эллиптических кривых. Рассмотрены вопросы, связанные с использованием случайных и псевдослучайных чисел в системах защиты информации. Приведено описание основных идей и методов современной стеганографии. Подробно описаны алгоритмы, лежащие в основе криптографических отечественных и международных стандартов. Многие из приведенных в книге результатов исследований, полученных авторами в последние годы, признаны специалистами в России и за рубежом.

Для исследователей и специалистов, работающих в области защиты информации, будет полезна для аспирантов и студентов.

ББК 32.801.4

*Адрес издательства в Интернет [www.techbook.ru](http://www.techbook.ru)*

Научное издание

Рябко Борис Яковлевич

Фионов Андрей Николаевич

**Основы современной криптографии и стеганографии**

Монография

2-е издание

Подписано к печати 15.06.2013. Формат 60×88 1/16. Усл. печ. л. 14,5. Изд. № 130350.

Тираж 300 экз. (1-й завод 100 экз.)

ISBN 978-5-9912-0350-0

© Б. Я. Рябко, А. Н. Фионов, 2011, 2013

© Издательство «Горячая линия–Телеком», 2013

# ОГЛАВЛЕНИЕ

<b>Предисловие . . . . .</b>	<b>3</b>
<b>1. Введение . . . . .</b>	<b>5</b>
<b>2. Криптосистемы с открытым ключом . . . . .</b>	<b>12</b>
2.1. Предыстория и основные идеи . . . . .	12
2.2. Первая система с открытым ключом — система Диффи–Хеллмана . . . . .	18
2.3. Элементы теории чисел . . . . .	21
2.4. Шифр Шамира . . . . .	28
2.5. Шифр Эль-Гамаля . . . . .	31
2.6. Односторонняя функция с «лазейкой» и шифр RSA . . . . .	34
<b>3. Методы взлома шифров, основанных на дискретном логарифмировании . . . . .</b>	<b>38</b>
3.1. Постановка задачи . . . . .	38
3.2. Метод «шаг младенца, шаг великана» . . . . .	40
3.3. Алгоритм исчисления порядка . . . . .	42
<b>4. Электронная, или цифровая подпись . . . . .</b>	<b>48</b>
4.1. Электронная подпись RSA . . . . .	48
4.2. Электронная подпись на базе шифра Эль-Гамаля . . . . .	51
4.3. Стандарты на электронную (цифровую) подпись . . . . .	54
<b>5. Криптографические протоколы . . . . .</b>	<b>59</b>
5.1. Ментальный покер . . . . .	59
5.2. Доказательства с нулевым знанием . . . . .	64
Задача о раскраске графа . . . . .	65
Задача о нахождении гамильтонова цикла в графе . . . . .	68
5.3. Электронные деньги . . . . .	76
5.4. Взаимная идентификация с установлением ключа . . . . .	82

<b>6. Криптосистемы на эллиптических кривых . . . . .</b>	<b>89</b>
6.1. Введение . . . . .	89
6.2. Математические основы . . . . .	90
6.3. Выбор параметров кривой . . . . .	98
6.4. Построение криптосистем . . . . .	100
Шифр Эль-Гамаля на эллиптической кривой . . . . .	101
Цифровая подпись по ГОСТ Р34.10-2001 . . . . .	102
6.5. Эффективная реализация операций . . . . .	103
6.6. Определение количества точек на кривой . . . . .	109
6.7. Использование стандартных кривых . . . . .	118
<b>7. Теоретическая стойкость криптосистем . . . . .</b>	<b>121</b>
7.1. Введение . . . . .	121
7.2. Теория систем с совершенной секретностью . . . . .	122
7.3. Шифр Вернама . . . . .	124
7.4. Элементы теории информации . . . . .	125
7.5. Расстояние единственности шифра с секретным ключом	132
7.6. Идеальные криптосистемы . . . . .	138
<b>8. Современные шифры с секретным ключом . . . . .</b>	<b>145</b>
8.1. Введение . . . . .	145
8.2. Блоковые шифры . . . . .	148
Шифр ГОСТ 28147-89 . . . . .	150
Шифр RC6 . . . . .	153
Шифр Rijndael (AES) . . . . .	156
8.3. Основные режимы функционирования блоковых шифров . . . . .	166
Режим ECB . . . . .	166
Режим CBC . . . . .	167
8.4. Потоковые шифры . . . . .	168
Режим OFB блокового шифра . . . . .	170
Режим CTR блокового шифра . . . . .	171
Алгоритм RC4 . . . . .	172
8.5. Криптографические хеш-функции . . . . .	174
<b>9. Случайные числа в криптографии . . . . .</b>	<b>177</b>
9.1. Введение . . . . .	177
9.2. Задачи, возникающие при использовании физических генераторов случайных чисел . . . . .	179

9.3. Генераторы псевдослучайных чисел . . . . .	181
9.4. Тесты для проверки генераторов случайных и псевдо- случайных чисел . . . . .	184
9.5. Статистическая атака на блоковые шифры . . . . .	189
<b>10.Стеганография и стегоанализ . . . . .</b>	<b>202</b>
10.1. Назначение и применение стеганографии в современ- ных информационных технологиях . . . . .	202
10.2. Основные методы встраивания скрытых данных . . . .	208
10.3. Стегоанализ на основе сжатия данных . . . . .	213
10.4. Асимптотически оптимальные совершенные стеганогра- фические системы . . . . .	215
<b>Список литературы . . . . .</b>	<b>225</b>