

**В. В. Подиновский, В. М. Гаврилов**

---

**ОПТИМИЗАЦИЯ  
ПО ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНО  
ПРИМЕНЯЕМЫМ  
КРИТЕРИЯМ**

---



**В. В. Подиновский, В. М. Гаврилов**

**ОПТИМИЗАЦИЯ  
ПО ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНО  
ПРИМЕНЯЕМЫМ  
КРИТЕРИЯМ**

Издание второе



**URSS**

**МОСКВА**

ББК 22.176 22.18 32.811 68

**Подиновский Владислав Владимирович,  
Гаврилов Виктор Михайлович**

**Оптимизация по последовательно применяемым критериям.** Изд. 2-е.  
М.: ЛЕНАНД, 2016. — 194 с.

Книга посвящена задачам отыскания оптимальных решений при наличии нескольких упорядоченных по важности критериев.

Подробно исследуются лексикографические задачи, в которых каждый последующий критерий используется лишь в случае неединственности решений, выделяемых очередным критерием. Излагается метод решения дискретных и линейных лексикографических задач, основанный на «свертывании» всех критериев в один.

Разбираются методологические и вычислительные вопросы применения метода последовательных уступок, который заключается в сведении многокритериальной задачи к системе поочередно решаемых задач оптимизации по отдельным критериям.

Рассматриваются задачи оптимизации процессов по последовательно применяемым критериям.

Книга рассчитана на широкий круг научно-технических работников, занимающихся исследованием операций и оптимизацией, а также на аспирантов и студентов вузов.

Формат 60×90/16. Печ. л. 12,125. Зак. № АХ-046.

Отпечатано в ООО «ЛЕНАНД».  
117312, Москва, пр-т Шестидесятилетия Октября, 11А, стр. 11.

**ISBN 978-5-9710-2811-6**

© ЛЕНАНД, 2015

18880 ID 206666



9 785971 028116



Все права защищены. Никакая часть настоящей книги не может быть воспроизведена или передана в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами, будь то электронные или механические, включая фотокопирование и запись на магнитный носитель, а также размещение в Интернете, если на то нет письменного разрешения владельца.

## О ГЛАВЛЕНИЕ

Введение . . . . .	3
Глава I. ДЕТЕРМИНИРОВАННЫЕ ЛЕКСИКОГРАФИЧЕСКИЕ ЗАДАЧИ ОПТИМИЗАЦИИ	
1. Постановка детерминированной лексикографической задачи оптимизации . . . . .	14
2. Примеры лексикографических задач . . . . .	20
3. Исследование лексикографической задачи оптимизации . . . . .	29
4. Представление лексикографического отношения с помощью одного функционала . . . . .	37
5. Эффективные стратегии и эффективные последовательности стратегий . . . . .	51
6. Построение функционалов для одноэтапного решения лексикографических задач . . . . .	57
7. Примеры построения функционалов для одноэтапного решения лексикографических задач . . . . .	80
Глава II. ЛЕКСИКОГРАФИЧЕСКИЕ ЗАДАЧИ ОПТИМИЗАЦИИ СО СЛУЧАЙНЫМИ И НЕОПРЕДЕЛЕННЫМИ ПАРАМЕТРАМИ	
8. Лексикографические задачи оптимизации в условиях риска . . . . .	89
9. Задача целераспределения . . . . .	94
10. Постановка лексикографической задачи оптимизации в условиях неопределенности . . . . .	105
11. Исследование лексикографических задач оптимизации в условиях неопределенности и построение функционала для их одноэтапного решения . . . . .	119
Глава III. НЕКОТОРЫЕ ВОПРОСЫ РЕШЕНИЯ МНОГОКРИТЕРИАЛЬНЫХ ЗАДАЧ МЕТОДОМ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНЫХ УСТУПОК	
12. Порядок решения детерминированных многокритериальных задач методом последовательных уступок . . . . .	130
13. Исследование метода последовательных уступок . . . . .	134
14. О решении методом последовательных уступок многокритериальных задач со случайными и неопределенными параметрами . . . . .	145

## Глава IV. ОПТИМИЗАЦИЯ ПРОЦЕССОВ ПО ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНО ПРИМЕНЯЕМЫМ КРИТЕРИЯМ

15. Задачи оптимизации процессов по последовательно применяемым критериям . . . . .	151
16. Лексикографическая задача оптимизации непрерывного процесса . . . . .	153
17. Лексикографическая задача оптимизации дискретного процесса . . . . .	165
18. Метод последовательных уступок в задачах оптимизации процессов . . . . .	169
<b>Дополнение</b>	
Многокритериальные задачи с однородными равнозначными критериями . . . . .	171
<b>Приложение</b>	
Начальные сведения из общей алгебры . . . . .	184
Список литературы . . . . .	187
Предметный указатель . . . . .	190