

В. М. ГРЕШНОВ

ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКАЯ  
ТЕОРИЯ  
БОЛЬШИХ НЕОБРАТИМЫХ  
ДЕФОРМАЦИЙ  
МЕТАЛЛОВ



В. М. ГРЕШНОВ

**ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКАЯ  
ТЕОРИЯ  
БОЛЬШИХ НЕОБРАТИМЫХ  
ДЕФОРМАЦИЙ  
МЕТАЛЛОВ**



МОСКВА  
ФИЗМАТЛИТ®  
2018

УДК 539.374; 538.951

ББК 22.251; 22.37

Г 81

Грешнов В.М. **Физико-математическая теория больших необратимых деформаций металлов.** — М.: ФИЗМАТЛИТ, 2018. — 232 с. + 6 с. цв. вклейка. — ISBN 978-5-9221-1776-0.

Излагается новая физико-математическая теория необратимых деформаций и вязкого разрушения металлов, учитывающая эволюцию структуры и историю нагружения, а также включающая в качестве частного случая классическую математическую теорию пластичности (теорию течения).

Монография адресована специалистам в области механики необратимых деформаций, физики прочности и пластичности. Может быть полезна магистрантам и аспирантам, специализирующимся в этих областях науки.

Р е ц е н з е н т

академик РАН *Ф. В. Гречников*

ISBN 978-5-9221-1776-0

© ФИЗМАТЛИТ, 2018

© В. М. Грешнов, 2018

## ОГЛАВЛЕНИЕ

Предисловие . . . . .	6
Введение . . . . .	8

### **Раздел I. Современное состояние механики и физики прочности и пластичности металлов**

<b>Глава 1. Основы механики прочности и пластичности металлов . . . . .</b>	<b>12</b>
1.1. Основные понятия, постулаты и метод в классической математической теории пластичности (теории течения) . . . . .	12
1.2. Определяющие соотношения теории пластичности (частные законы деформации металлов) . . . . .	22
1.2.1. Тензорные определяющие соотношения . . . . .	22
1.2.2. Скалярные определяющие соотношения . . . . .	32
1.3. Основы классической математической теории ползучести металлов	35
1.4. Современные подходы к развитию математической теории необратимых деформаций и формулирование научной проблемы . . . . .	48
1.4.1. Теория пластичности . . . . .	48
1.4.2. Теория ползучести . . . . .	58
<b>Глава 2. Основы феноменологической теории разрушения и критерии разрушения металлов при больших пластических деформациях . . . . .</b>	<b>62</b>
2.1. Основные понятия, положения и уравнения феноменологической теории разрушения металлов . . . . .	62
2.2. Критерии вязкого разрушения металлов . . . . .	70
2.3. Современные подходы к развитию теории вязкого разрушения и формулирование научной проблемы . . . . .	73
<b>Глава 3. Основы физики прочности и пластичности металлов . . . . .</b>	<b>81</b>
3.1. Основные понятия и положения дислокационной теории пластичности . . . . .	81
3.2. Теоретическое описание пластической деформации . . . . .	98
3.2.1. Многоуровневый характер пластической деформации . . . . .	98
3.2.2. Структура и свойства металлов при развитых и интенсивных пластических деформациях . . . . .	107

---

3.2.3. Методы теоретического описания пластической деформации . . . . .	115
3.2.4. Физические (микроструктурные) модели ползучести металлов . . . . .	119
3.3. Основные понятия и положения физики разрушения металлов. . . . .	126

## **Раздел II. Единая физико-математическая теория больших необратимых деформаций и вязкого разрушения металлов**

<b>Глава 4. Физико-феноменологическая модель единого процесса пластической деформации и вязкого разрушения металлов . . . . .</b>	136
4.1. Общие положения модели . . . . .	136
4.2. Скалярное определяющее уравнение вязкопластичности . . . . .	142
4.3. Скалярная модель пластичности упрочняющегося тела (холодная деформация металлов) . . . . .	144
4.4. Модель вязкого разрушения металлов . . . . .	145
4.5. Получение обобщенного закона вязкопластичности на основе скалярного закона . . . . .	149
<b>Глава 5. Физико-феноменологическая модель пластичности большой циклической деформации и близкой к ней холодной деформации . . . . .</b>	155
5.1. Экспериментальные основы модели . . . . .	155
5.2. Определяющие уравнения большой циклической и близкой к ней деформации . . . . .	159
<b>Глава 6. Частные физико-феноменологические модели необратимых деформаций металлов . . . . .</b>	163
6.1. Модель эволюции микроструктуры при необратимых деформациях металлов . . . . .	163
6.2. Кинетическая физико-феноменологическая модель дислокационной ползучести, контролируемой термоактивированным скольжением дислокаций . . . . .	164
6.3. Кинетическая физико-феноменологическая модель длительной прочности металлов . . . . .	169
6.3.1. Общие сведения о длительной прочности . . . . .	169
6.3.2. Модель длительной прочности. Общий случай нагружения . . . . .	172
6.3.3. Моделирование процесса испытания образцов на длительную прочность в условиях стационарного термомеханического нагружения . . . . .	174
6.4. Модель релаксации напряжения . . . . .	175

---

<b>Глава 7. Экспериментальная проверка адекватности моделей . . . . .</b>	<b>177</b>
7.1. Скалярная модель вязкопластичности . . . . .	177
7.1.1. Методика проверки адекватности модели . . . . .	177
7.1.2. Результаты верификации модели . . . . .	179
7.2. Модель вязкого разрушения металлов . . . . .	187
7.3. Модель ползучести . . . . .	189
7.4. Модель релаксации напряжений . . . . .	193
7.5. Модель длительной прочности . . . . .	194
7.6. Модель эволюции структуры в процессах необратимой деформации металлов . . . . .	196
7.7. Модель большой циклической и близкой к ней пластической деформации . . . . .	198
<b>Глава 8. Математическая постановка и примеры решения прикладных задач физико-математической теории пластичности . . . . .</b>	<b>203</b>
8.1. Математическая постановка задач . . . . .	203
8.2. Примеры разработки, исследования и совершенствования технологических процессов обработки металлов давлением на основе математического моделирования . . . . .	205
<b>Заключение . . . . .</b>	<b>214</b>
<b>Список литературы . . . . .</b>	<b>215</b>