

Ю. С. Осипов, А. В. Кряжимский, В. П. Максимов

МЕТОДЫ ДИНАМИЧЕСКОГО  
ВОССТАНОВЛЕНИЯ ВХОДОВ  
УПРАВЛЯЕМЫХ СИСТЕМ

Екатеринбург

2011

УДК 517.977

Осипов Ю. С., Кряжимский А. В., Максимов В. И.  
**Методы динамического восстановления входов управляемых систем.** Екатеринбург: УрО РАН, 2011.

ISBN 978-5-7691-2219-4

Книга посвящена описанию устойчивых к информационным помехам и погрешностям вычислений алгоритмов решения задач динамического восстановления неизвестных характеристик управляемых систем. Излагается разработанный авторами метод динамической регуляризации — метод решения неустойчивых обратных задач для систем обыкновенных дифференциальных уравнений. В рамках единого подхода, основанного на идеологии теории управления с обратной связью, исследуется широкий круг так называемых задач он-лайн реконструкции.

Монография предназначена широкому кругу читателей: студентам и аспирантам физико-математического, технического и экономического профилей, специалистам в области оптимизации и математического моделирования.

Ил. 37. Библиогр. 87 назв.

Рецензент

член-корреспондент РАН *В.Н. Ушаков*

© ИММ УрО РАН, 2011 г.

© Осипов Ю.С., Кряжимский А.В., Максимов В.И., 2011 г.

# Оглавление

<b>Введение . . . . .</b>	<b>3</b>
<b>I. Динамическое восстановление входов при измерении фазовых координат . . . . .</b>	<b>7</b>
1.1. Задача об устойчивом динамическом восстановлении . . . . .	7
1.2. Метод сглаживающего функционала. Случай мгновенных ограничений на управления . . . . .	13
1.3. Метод невязки. Случай мгновенных ограничений на управления . . . . .	31
1.4. Метод сглаживающего функционала. Случай отсутствия ограничений на управления . . . . .	41
1.5. Метод невязки. Случай отсутствия ограничений на управления . . . . .	65
1.6. Метод сопутствующей точки . . . . .	79
<b>II. Восстановление входов при измерении части координат . . . . .</b>	<b>94</b>
2.1. Метод сглаживающего функционала. Случай мгновенных ограничений на управления . . . . .	94
2.2. Метод сглаживающего функционала. Случай отсутствия ограничений на управления . . . . .	111
2.3. Метод невязки. Случай мгновенных ограничений на управления . . . . .	137
2.4. Метод невязки. Случай отсутствия ограничений на управления . . . . .	141
2.5. О реконструкции управлений в нелинейных динамических системах с устойчивыми матрицами . . . . .	150
2.6. Уравнения непрерывного оценивания возмущений динамических систем . . . . .	164
<b>III. Восстановление входов по измерениям выхода <math>y = Cx</math> . . . . .</b>	<b>177</b>
3.1. Случай мгновенных ограничений на управления . . . . .	177
3.2. Восстановление входов в линейных системах. Случай отсутствия ограничений на управления . . . . .	189
3.3. Восстановление входов в нелинейных системах. Случай отсутствия ограничений на управления . . . . .	206

3.4. Восстановление входов в линейных системах. Случай мгновенных ограничений на управления . . . . .	216
<b>IV. Приложения . . . . .</b>	<b>234</b>
4.1. О восстановлении входного воздействия гармонического осциллятора . . . . .	234
4.2. Восстановление неизвестного коэффициента в нелинейной системе второго порядка . . . . .	243
4.3. Восстановление неизвестных характеристик биореактора с подпиткой . . . . .	255
4.4. Задача о телеметрии полета . . . . .	273
<b>Список литературы . . . . .</b>	<b>283</b>