

**Синергетика**

От прошлого  
к будущему



№-79

Серия основана  
в 2002 г.

Председатель редколлегии  
профессор  
Г. Г. Малинецкий

**А. В. Колесниченко**

# **КОНТИНУАЛЬНЫЕ МОДЕЛИ ПРИРОДНЫХ И КОСМИЧЕСКИХ СРЕД**

**Проблемы  
термодинамического  
конструирования**



URSS

**А. В. Колесниченко**

**КОНТИНУАЛЬНЫЕ  
МОДЕЛИ  
ПРИРОДНЫХ  
И КОСМИЧЕСКИХ  
СРЕД**

**Проблемы термодинамического  
конструирования**

Предисловие

доктора физико-математических наук, профессора  
Г. Г. Малинецкого



URSS

МОСКВА

**Колесниченко Александр Владимирович**

**Континуальные модели природных и космических сред: Проблемы термодинамического конструирования / Предисл. Г. Г. Малинецкого.**

М.: ЛЕНАНД, 2017. — 400 с. (Синергетика: от прошлого к будущему. № 79.)

Монография посвящена разработке континуальных полуэмпирических моделей ламинарных и турбулентных течений в многокомпонентных смесях реагирующих газов, в электропроводных и гетерогенных средах — моделей, лежащих в основе постановок и численных расчетов широкого класса актуальных задач, связанных с образованием, структурой и эволюцией различных геофизических объектов. Ее целью является термодинамическое конструирование природных и космических сред с усложненными физико-химическими характеристиками, при описании которых следует учитывать сжимаемость потока, переменность теплофизических свойств, наличие процессов тепло- и массопереноса, химических реакций, фазовых переходов и излучения, а также воздействие гравитационных и электромагнитных сил. На основе методов неравновесной термодинамики разработан феноменологический подход к выводу замыкающих соотношений для ламинарных и турбулентных потоков и сил, описывающих процессы тепло- и массопереноса и химическую кинетику в многокомпонентном континууме. Проблема возникновения и эволюции когерентных вихревых образований в турбулентных течениях рассматривается, исходя из анализа соотношения порядка и хаоса в открытых диссипативных системах с синергетических позиций стохастической нелинейной термодинамики необратимых процессов.

Изложенный материал представляет интерес для научных работников, аспирантов и студентов старших курсов физико-математических и других естественно-научных и инженерных специальностей.

Формат 60×90/16. Печ. л. 25. Зак. № А/Л-347.

Отпечатано в ООО «ЛЕНАНД».

117312, Москва, пр-т Шестидесятилетия Октября, 11А, стр. 11.

ISBN 978-5-9710-3550-3

© ЛЕНАНД, 2016

20135 ID 216844



Все права защищены. Никакая часть настоящей книги не может быть воспроизведена или передана в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами, будь то электронные или механические, включая фотокопирование и запись на магнитный носитель, а также размещение в Интернете, если на то нет письменного разрешения владельца.

# Оглавление

От редакции.....	6
Вечные проблемы и новые решения (Г. Г. Малинецкий).....	8
Предисловие .....	21
<b>ГЛАВА 1. Основы термодинамического конструирования моделей ламинарного движения многокомпонентных сплошных сред.....</b>	<b>29</b>
Введение.....	29
1. Законы сохранения и уравнения балансов .....	32
2. Второе начало термодинамики и уравнение баланса энтропии.....	44
3. Определяющие уравнения для потоков диффузии, тепла и тензора вязких напряжений .....	53
<b>Литература.....</b>	<b>70</b>
<b>ГЛАВА 2. Термодинамическое конструирование моделей турбулентного движения многокомпонентных сплошных сред.....</b>	<b>73</b>
Введение.....	73
1. Осреднённые гидродинамические уравнения многокомпонентной смеси.....	74
2. Вывод замыкающих соотношений для осреднённых турбулентных течений смеси.....	99
3. Моделирования коэффициентов турбулентного переноса. Масштаб турбулентности .....	124
<b>Литература.....</b>	<b>143</b>
<b>ГЛАВА 3. Дифференциальные модели замыкания для турбулентных течений реагирующих газовых смесей .....</b>	<b>146</b>
Введение.....	146
1. Гидродинамические уравнения масштаба среднего движения для турбулентной реагирующей среды.....	148
2. Неравновесная аррениусова кинетика в турбулентном потоке .....	153
3. Модельные уравнения переноса для вторых корреляционных моментов .....	163

## Оглавление

4. Локально равновесное приближение в моделях химической турбулентности.....	178
<b>Литература.....</b>	<b>183</b>
<b>ГЛАВА 4. Термодинамическое конструирование модели МГД-турбулентности электропроводящей газовой среды.....</b>	<b>186</b>
Введение.....	186
1. Гидродинамические уравнения сжимаемой плазмы .....	187
2. Осреднённые уравнения турбулентного движения в одножидкостном МГД-приближении .....	199
3. Вывод методами неравновесной термодинамики замыкающих соотношений для турбулентных потоков в электропроводящей среде .....	213
<b>Литература.....</b>	<b>228</b>
<b>ГЛАВА 5. Конструирование на основе расширенной необратимой термодинамики замыкающих дифференциальных уравнений для турбулентных потоков .....</b>	<b>230</b>
Введение.....	230
1. Вывод методами классической необратимой термодинамики градиентных соотношений для тензора Рейнольдса и турбулентного потока тепла.....	235
2. Дифференциальные модели замыкания, полученные в рамках расширенной необратимой термодинамики.....	245
<b>Литература.....</b>	<b>254</b>
<b>ГЛАВА 6. Синергетический подход к конструированию модели структурированной турбулентности .....</b>	<b>257</b>
Введение.....	257
1. Феноменологическое конструирование модели стационарно-неравновесной турбулентности .....	261
2. Термодинамический вывод уравнений Фоккера–Планка–Колмогорова .....	270
3. Примеры уравнений ФПК, описывающих эволюцию пульсирующих характеристик турбулентного хаоса .....	289
<b>Литература.....</b>	<b>297</b>

## *Оглавление*

<b>ГЛАВА 7. Термодинамика многофазной химически активной среды. Законы межфазной диффузии и фильтрационного движения .....</b>	<b>299</b>
Введение.....	299
1. Производство энтропии и конститутивные соотношения для гетерогенной среды.....	302
2. Термодинамический вывод обобщённых соотношений Стефана–Максвелла для многофазной диффузии.....	315
3. Законы фильтрационного движения для пористых сред, насыщенных многофазной жидкостью.....	322
<b>Литература.....</b>	<b>329</b>
<b>ГЛАВА 8. Дробное уравнение Фоккера–Планка для фрактального турбулентного хаоса со степенной памятью .....</b>	<b>331</b>
Введение.....	331
1. Моделирование структурированной турбулентности методами стохастической термодинамики.....	336
2. Принцип причинности для немарковских процессов в подсистеме турбулентного хаоса.....	346
3. Уравнение ФПК для описания эволюционных процессов во фрактальном времени.....	350
<b>Литература.....</b>	<b>356</b>
<b>ГЛАВА 9. Информационно-термодинамическая концепция формирования процессов самоорганизации в открытых системах под воздействием внешней среды .....</b>	<b>359</b>
Введение.....	359
1. Некоторые базовые элементы формализма статистики Гиббса.....	361
2. Информационные физические процессы в открытых системах.....	372
3. Термодинамика информационных процессов в открытых средах. Принцип Ле-Шателье–Брауна.....	376
<b>Литература.....</b>	<b>387</b>
<b>Заключение.....</b>	<b>390</b>