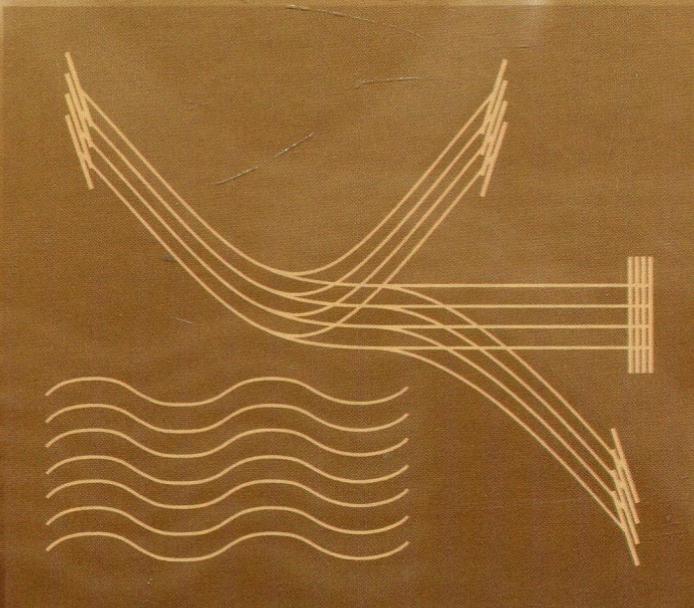


В. Г. ШАВРОВ  
В. И. ЩЕГЛОВ

**МАГНИТОСТАТИЧЕСКИЕ  
ВОЛНЫ  
В НЕОДНОРОДНЫХ  
ПОЛЯХ**



В. Г. ШАВРОВ  
В. И. ЩЕГЛОВ

**МАГНИТОСТАТИЧЕСКИЕ  
ВОЛНЫ  
В НЕОДНОРОДНЫХ  
ПОЛЯХ**



МОСКВА  
ФИЗМАТЛИТ®  
2016

УДК 537.874: 537.624  
ББК 22.33  
Ш 14

*Издание осуществлено при финансовой поддержке Российского научного фонда, проект 14-22-00279*

Шавров В.Г., Щеглов В.И. **Магнитостатические волны в неоднородных полях.** — М.: ФИЗМАТЛИТ, 2016. — 360 с. — ISBN 978-5-9221-1731-9.

Монография посвящена рассмотрению поверхностных магнитостатических волн (ПМСВ), распространяющихся в магнитных средах с малым затуханием, в первую очередь — в железо-иттриевом гранате (ЖИГ). Получены дисперсионные соотношения для ПМСВ в магнитных пленках и структурах на их основе. Рассмотрено распространение ПМСВ в неоднородных полях различных конфигураций. Получены амплитудно-частотные и фазочастотные характеристики линий передачи на ПМСВ. Обсуждаются возможности практического применения ПМСВ, в частности для обработки информации и в других областях техники.

Монография предназначена специалистам, работающим в области физики магнитных явлений, инженерам и конструкторам СВЧ-аппаратуры, а также студентам и аспирантам соответствующих специальностей.

## ОГЛАВЛЕНИЕ

|   |           |
|---|-----------|
| Введение . . . . .  | 8         |
| Список наиболее часто используемых сокращений . . . . .   | 10        |
| <b>Глава 1. Магнитостатические волны и доменные структуры в пленках ферритов-гранатов . . . . .</b>                 | <b>11</b> |
| 1.1. Колебания и волны в магнитоупорядоченных средах в приближении магнитостатики . . . . .                         | 11        |
| 1.2. Условия существования и дисперсия МСВ в магнитных пленках и структурах на их основе . . . . .                  | 14        |
| 1.3. Распространение ПМСВ в произвольном направлении по плоскости пленки . . . . .                                  | 17        |
| 1.4. Распространение ПМСВ в ферритовых пленках и структурах в условиях неоднородного намагничивания . . . . .       | 22        |
| 1.5. Распространение ПМСВ в ферритовых пленках и структурах с периодическими неоднородностями . . . . .             | 24        |
| 1.6. Преобразование магнитостатической волны в электромагнитную на неоднородности поля . . . . .                    | 27        |
| 1.7. Доменные структуры в ферритовых пленках, ФМР и МСВ в условиях существования доменных структур . . . . .        | 28        |
| 1.8. Особенности магнитостатических волн в длинноволновом пределе . . . . .   | 30        |
| 1.9. Использование ФМР, МСВ и доменов в ферритовых пленках для устройств обработки информации . . . . .             | 32        |
| 1.10. Основные вопросы дальнейшего изложения . . . . .  | 34        |
| 1.11. Некоторые новые направления исследования МСВ . . . . .  | 35        |
| <b>Глава 2. Математический аппарат, используемый при расчете свойств магнитостатических волн . . . . .</b>          | <b>37</b> |
| 2.1. Уравнение Ландау–Лифшица . . . . .   | 37        |
| 2.2. Динамическая восприимчивость магнитной среды . . . . .   | 41        |
| 2.3. Уравнение Уокера . . . . .   | 46        |
| 2.3.1. Уравнение Уокера с произвольным тензором восприимчивости . . . . .   | 46        |
| 2.3.2. Уравнение Уокера в задаче Дэймона–Эшбаха . . . . .   | 49        |
| 2.4. Дисперсионное соотношение для магнитной пластины со свободными поверхностями. Решение Дэймона–Эшбаха . . . . . | 50        |
| 2.4.1. Основные уравнения . . . . .   | 51        |
| 2.4.2. Граничные условия . . . . .  | 53        |
| 2.4.3. Полная формулировка задачи . . . . .   | 54        |
| 2.4.4. Решение уравнений без граничных условий . . . . .  | 55        |
| 2.4.5. Частотные области объемных и поверхностных волн . . . . .  | 61        |
| 2.4.6. Вывод дисперсионного соотношения из решения и граничных условий . . . . .                                    | 62        |
| 2.4.7. Переход к полярной системе координат . . . . .   | 66        |
| 2.4.8. Потенциалы . . . . .   | 68        |
| 2.4.9. Поля . . . . .   | 70        |

|  |            |
|--|------------|
| 2.4.10. Намагниченности . . . . .  | 71         |
| 2.4.11. Угол отсечки для соотношения Дэймона–Эшбаха . . . . .  | 72         |
| 2.4.12. Дисперсионное соотношение Дэймона–Эшбаха в декартовой системе координат . . . . .                                      | 74         |
| 2.5. Дисперсионное соотношение для структуры металл–диэлектрик–феррит–диэлектрик–металл (МДФДМ) и его частные случаи . . . . . | 77         |
| 2.5.1. Общий вывод дисперсионного соотношения . . . . .  | 77         |
| 2.5.2. Дисперсионное соотношение при произвольном направлении распространения фазового фронта . . . . .                        | 82         |
| 2.5.3. Переход к полярной системе координат . . . . .  | 84         |
| 2.5.4. Предельный переход к дисперсионным соотношениям для других структур . . . . .   | 86         |
| 2.6. Дисперсионное соотношение для структуры металл–диэлектрик–феррит–феррит–диэлектрик–металл (МДФФДМ) . . . . .              | 88         |
| 2.6.1. Общий вывод и характер дисперсионного соотношения . . . . .   | 88         |
| 2.6.2. Предельный переход к дисперсионным соотношениям для других структур . . . . .   | 92         |
| 2.7. Фазовая и групповая скорости, набег фазы и время задержки волновых пучков ПМСВ . . . . .                                  | 93         |
| 2.7.1. Фазовая и групповая скорости . . . . .  | 94         |
| 2.7.2. Набег фазы и время задержки . . . . .   | 98         |
| 2.8. Система уравнений для метода Гамильтона–Аулда . . . . .   | 99         |
| 2.8.1. Общий вывод уравнений Гамильтона–Аулда . . . . .  | 100        |
| 2.8.2. Переход к полярной системе координат . . . . .  | 101        |
| 2.9. Производные от дисперсионного соотношения для структуры феррит–диэлектрик–металл . . . . .                                | 106        |
| 2.10. Эквивалентность различных видов уравнений динамики в классической механике . . . . .                                     | 109        |
| 2.11. Задача Коши при распространении ПМСВ . . . . .   | 111        |
| 2.12. Техника расчета траекторий волновых пучков МСВ в неоднородном поле . . . . .   | 115        |
| Выводы по главе 2 . . . . .  | 118        |
| <b>Глава 3. Магнитоэлектронные волны в однородно намагниченных ферритовых пленках и структурах на их основе . . . . .</b>      | <b>119</b> |
| 3.1. Условия существования и дисперсия ПМСВ в ферритовых пленках и структурах на их основе . . . . .                           | 119        |
| 3.1.1. Дисперсионные свойства прямых и обратных ПМСВ в структуре ФДМ . . . . .   | 119        |
| 3.1.2. Экспериментальное исследование дисперсии ПМСВ в структуре ФДМ . . . . .   | 125        |
| 3.1.3. О возможности экспериментального наблюдения обратных волн . . . . .   | 135        |
| 3.2. Распространение ПМСВ в двухкомпонентной среде, состоящей из свободной ферритовой пленки и структуры ФДМ . . . . .         | 136        |
| 3.2.1. Анализ преломления ПМСВ с помощью метода изочастотных кривых . . . . .  | 136        |
| 3.2.2. Экспериментальное исследование преломления ПМСВ . . . . .   | 143        |
| 3.2.3. Коэффициент отражения ПМСВ от границы раздела сред . . . . .  | 149        |

|   |            |
|---|------------|
| 3.3. Дисперсионные свойства ПМСВ в структурах, содержащих два ферритовых слоя . . . . .                                       | 150        |
| 3.3.1. Структура феррит–феррит (ФФ) . . . . .   | 150        |
| 3.3.2. Структура металл–диэлектрик–феррит–феррит–диэлектрик–металл (МДФФДМ) . . . . .   | 152        |
| 3.3.3. Экспериментальное исследование дисперсии ПМСВ . . . . .  | 153        |
| Выводы по главе 3 . . . . .   | 155        |
| <b>Глава 4. Методы исследования и анализ распространения ПМСВ в условиях подмагничивания продольно неоднородным полем . .</b> | <b>158</b> |
| 4.1. Основные виды неоднородностей подмагничивающего поля . . . . .   | 158        |
| 4.2. Пространственная конфигурация областей распространения ПМСВ . . . . .  | 160        |
| 4.3. Методы анализа распространения ПМСВ в условиях неоднородного подмагничивания . . . . .                                   | 161        |
| 4.3.1. Метод изочастотных кривых . . . . .  | 161        |
| 4.3.2. Метод Гамильтона–Аулда . . . . .   | 163        |
| 4.3.3. Сравнение методов анализа траекторий ПМСВ . . . . .  | 164        |
| 4.4. Распространение ПМСВ в ферритовой пленке со свободными поверхностями . . . . .   | 165        |
| 4.4.1. Анализ траекторий ПМСВ методом изочастотных кривых . . . . .   | 165        |
| 4.4.2. Анализ траекторий ПМСВ методом Гамильтона–Аулда . . . . .  | 169        |
| 4.5. Распространение ПМСВ в структуре феррит–металл . . . . .   | 178        |
| 4.5.1. Линейно неоднородное поле . . . . .  | 178        |
| 4.5.2. Поле типа «долины» . . . . .   | 180        |
| 4.5.3. Поле типа «вала» . . . . .   | 181        |
| 4.5.4. Каналы первого и второго типов . . . . .   | 181        |
| 4.6. Распространение ПМСВ в структуре феррит–диэлектрик–металл . . . . .  | 181        |
| 4.6.1. Анализ траекторий ПМСВ методом изочастотных кривых . . . . .   | 182        |
| 4.6.2. Анализ траекторий ПМСВ методом Гамильтона–Аулда . . . . .  | 189        |
| 4.7. Набег фазы и время задержки . . . . .  | 194        |
| 4.7.1. Линейно неоднородное поле . . . . .  | 194        |
| 4.7.2. Поле типа «долины» . . . . .   | 196        |
| 4.7.3. Поле типа «вала» . . . . .   | 198        |
| 4.8. Экспериментальное исследование траекторий ПМСВ . . . . .   | 201        |
| 4.8.1. Основные параметры эксперимента . . . . .  | 201        |
| 4.8.2. Линейно неоднородное поле . . . . .  | 202        |
| 4.8.3. Поле типа «долины» . . . . .   | 203        |
| 4.8.4. Поле типа «вала» . . . . .   | 204        |
| 4.8.5. Изменение различных параметров эксперимента . . . . .  | 205        |
| Выводы по главе 4 . . . . .   | 206        |
| <b>Глава 5. Распространение волновых пучков конечной ширины в неоднородно намагниченных ферритовых пленках . . . . .</b>      | <b>212</b> |
| 5.1. Пространственная трансформация широких пучков ПМСВ, распространяющихся в неоднородно намагниченных пленках . . . . .     | 212        |
| 5.1.1. Линейно неоднородное поле . . . . .  | 212        |
| 5.1.2. Поле типа «долины» . . . . .   | 214        |
| 5.1.3. Поле типа «вала» . . . . .   | 215        |

|  |            |
|--|------------|
| 5.2. Метод анализа амплитудно-частотных и фазочастотных характеристик линий передачи на ПМСВ . . . . .   | 216        |
| 5.2.1. Общая схема метода расчета АЧХ и ФЧХ . . . . .  | 217        |
| 5.2.2. Схема построения АЧХ . . . . .  | 219        |
| 5.2.3. Схема построения ФЧХ . . . . .  | 220        |
| 5.3. Амплитудно-частотные характеристики пропускания линий передачи на ферритовых пленках, намагниченных полями различных конфигураций . . . . . | 222        |
| 5.3.1. Однородное поле . . . . .   | 222        |
| 5.3.2. Линейно неоднородное поле . . . . .   | 226        |
| 5.3.3. Поле типа «долины» . . . . .  | 230        |
| 5.3.4. Поле типа «вала» . . . . .  | 233        |
| 5.4. Амплитудно-частотные характеристики волноведущего канала для ПМСВ, образованного неоднородным полем типа «вала» . . . . .                   | 240        |
| 5.4.1. Изменение длины канала . . . . .  | 240        |
| 5.4.2. Изменение условий возбуждения канала . . . . .  | 242        |
| 5.5. Амплитудно-частотные характеристики линии передачи на ПМСВ при произвольной ориентации подмагничивающего поля . . . . .                     | 245        |
| 5.5.1. Общая геометрия двух вариантов расположения преобразователей: взаимно противоположащего и взаимно сдвинутого . . . . .                    | 245        |
| 5.5.2. Фильтрация первого типа, взаимно противоположащая геометрия . . . . .   | 247        |
| 5.5.3. Фильтрация второго типа, взаимно сдвинутая геометрия . . . . .  | 249        |
| 5.6. Экспериментальное исследование пучков ПМСВ конечной ширины и амплитудно-частотных характеристик . . . . .                                   | 251        |
| 5.6.1. Линейно неоднородное поле . . . . .   | 252        |
| 5.6.2. Поле типа «долины» . . . . .  | 252        |
| 5.6.3. Поле типа «вала» . . . . .  | 253        |
| Выводы по главе 5 . . . . .  | 254        |
| <b>Глава 6. Амплитудно-частотные свойства линий передачи на магнитостатических волнах с учетом набега фазы . . . . .</b>                         | <b>258</b> |
| 6.1. Общие характеристики типичных линий передачи на ПМСВ . . . . .  | 258        |
| 6.2. Общий случай волн в магнитостатической среде . . . . .  | 259        |
| 6.3. Случай поверхностных магнитостатических волн . . . . .  | 263        |
| 6.4. Характеристики пропускания линии передачи по амплитуде при различных ее геометрических параметрах . . . . .                                 | 264        |
| 6.4.1. Зависимость амплитуды проходящего сигнала от частоты при изменении взаимной ориентации преобразователей . . . . .                         | 265        |
| 6.4.2. Зависимость амплитуды проходящего сигнала от частоты при изменении ширины волнового пучка . . . . .                                       | 267        |
| 6.4.3. Зависимость амплитуды проходящего сигнала от взаимной ориентации преобразователей при фиксированной частоте сигнала . . . . .             | 270        |
| 6.4.4. Зависимость фазы проходящего сигнала от частоты при изменении взаимной ориентации преобразователей . . . . .                              | 270        |
| 6.5. Влияние набега фазы на АЧХ . . . . .  | 274        |
| 6.5.1. Геометрия задачи при относительном взаимном смещении преобразователей . . . . .   | 274        |

|   |            |
|---|------------|
| 6.5.2. Формирование амплитудно-частотной характеристики . . . . .   | 275        |
| 6.5.3. Формирование фазочастотной характеристики . . . . .  | 277        |
| 6.5.4. Влияние длины преобразователей на структуру АЧХ . . . . .  | 277        |
| 6.6. Деформация волнового фронта поверхностных магнитоэлектрических волн в ферритовых пленках, намагниченных линейно неоднородным полем. . . . .                                    | 280        |
| 6.6.1. Общая геометрия задачи . . . . .   | 281        |
| 6.6.2. Различные случаи ориентации излучающего преобразователя . . . . .  | 283        |
| 6.7. Общий характер трансформации области распространения ПМСВ при изменении различных параметров структуры . . . . .   | 289        |
| 6.7.1. Изменение ориентации излучающего преобразователя . . . . .   | 289        |
| 6.7.2. Изменение частоты . . . . .  | 289        |
| 6.7.3. Изменение градиента поля . . . . .   | 290        |
| 6.8. Рекомендации для оптимизации параметров линии передачи на ПМСВ . . . . .   | 292        |
| Выводы по главе 6 . . . . .   | 292        |
| <b>Глава 7. Использование магнитоэлектрических волн в неоднородно намагниченных ферритовых пленках для устройств обработки информации и других технических приложений . . . . .</b> | <b>295</b> |
| 7.1. Краткий обзор возможных технических приложений . . . . .   | 295        |
| 7.2. Волноведущие структуры для ПМСВ на ферритовых пленках, намагниченных полем типа «вала» . . . . .   | 296        |
| 7.3. Оптимизация формы преобразователей ПМСВ для устройств на неоднородно намагниченных ферритовых пленках . . . . .  | 299        |
| 7.4. Многоканальный фильтр на ферритовой пленке, намагниченной полем типа «долины» . . . . .  | 302        |
| 7.5. Многоканальный фильтр на пакетированных ферритовых структурах . . . . .  | 304        |
| 7.6. Линия задержки сигнала СВЧ на ферритовой пленке, намагниченной полем типа «вала» . . . . .   | 307        |
| 7.7. Измерение параметров пленок железо-иттриевого граната со сложным характером анизотропии . . . . .  | 309        |
| 7.8. Исследование пространственного распределения магнитного поля с помощью датчика на ПМСВ . . . . .   | 311        |
| 7.9. Использование линии передачи на ПМСВ для определения ориентации магнитного поля . . . . .  | 312        |
| Выводы по главе 7 . . . . .   | 314        |
| Список литературы . . . . .   | 317        |