

*По океану  
дискретной  
математики*

Ю.А. ЗУЕВ

Том 1

**ОТ ПЕРЕЧИСЛИТЕЛЬНОЙ  
КОМБИНАТОРИКИ  
ДО СОВРЕМЕННОЙ  
КРИПТОГРАФИИ**

**Основные структуры**

**Методы перечисления**

**Булевы функции**



**Ю. А. Зуев**

# **ПО ОКЕАНУ ДИСКРЕТНОЙ МАТЕМАТИКИ**

**От перечислительной  
комбинаторики  
до современной  
криптографии**

**Том 1**

**Основные структуры.  
Методы перечисления.  
Булевые функции**

Издание второе



**МОСКВА**

**Зуев Юрий Анатольевич**

**По океану дискретной математики: От перечислительной комбинаторики до современной криптографии. Т. 1: Основные структуры. Методы перечисления. Булевые функции.** Изд. 2-е.  
М.: ЛЕНАНД, 2017. — 274 с.

Содержание настоящей книги охватывает вузовский курс дискретной математики, включая перечислительную комбинаторику, булевые функции, графы, алгоритмы, помехоустойчивое кодирование и криптографию, а также ряд дополнительных тем. Принцип построения «от простого — к сложному» делает начальные разделы каждой главы доступными для старшеклассника, а заключительные — ценными для аспиранта. Для самостоятельного решения предлагается большое число задач различной сложности, снабженных ответами и указаниями. В книге рассказывается также об истории математических открытий и формулируются открытые проблемы дискретной математики.

Книга состоит из двух томов. В первом томе даются основные идеи и понятия дискретной математики, изучаются теория и методы перечисления, булевые функции. Второй том, посвященный графикам, алгоритмам в дискретной математике, теории кодирования, выходит одновременно с первым в нашем издательстве.

Написанная доступным языком, в яркой форме и с многочисленными примерами, книга будет полезна широкому кругу читателей, желающих познакомиться с основами дискретной математики.

Формат 60×90/16. Печ. л. 17,125. Зак. № АЛ-404.

Отпечатано в ООО «ЛЕНАНД». 117312, Москва, пр-т Шестидесятилетия Октября, 11А, стр. 11.

**ISBN 978-5-9710-4095-8**

© ЛЕНАНД, 2016

21307 ID 222060



9 785971 040958



Все права защищены. Никакая часть настоящей книги не может быть воспроизведена или передана в какой бы то ни было форме и какими бы то ни было средствами, будь то электронные или механические, включая фотокопирование и запись на магнитный носитель, а также размещение в Интернете, если на то нет письменного разрешения владельца.

# Оглавление

Предисловие.....	7
<b>Глава 0. Вводная.....</b>	<b>15</b>
Множества (15); перестановки (16); подмножества (16); счётные множества (18); континуум (20); операции над множествами (22); прямое произведение (24); вероятность (26); теория чисел (36); векторы (44); отношения (49); функции (54); подстановки (57); группы (59); подгруппы и факторгруппы (68); кольца и поля (71); расширения полей (77); изоморфизм (80); графы (84); доказательства от противного (88); математическая индукция (89); необходимые и достаточные условия (93)	
Задачи для самостоятельного решения.....	93
Литература.....	100
<b>Глава 1. Методы перечисления .....</b>	<b>101</b>
1.1. Комбинаторные числа .....	101
1.2. Биномиальные коэффициенты .....	116
1.3. Формула «включения и исключения».....	121
1.4. Приложения к теории вероятностей .....	129
1.5. Производящие функции и рекуррентные соотношения .....	135
1.6. Перечисление классов эквивалентности. Теория Пойа .....	153
1.7. Асимптотические оценки. Формула Стирлинга .....	165
Задачи для самостоятельного решения.....	176
Литература.....	179
<b>Глава 2. Булевы функции.....</b>	<b>181</b>
2.1. Булевы функции и логические связки .....	181
2.2. Формулы и преобразования .....	188
2.3. Булевы функции и схемы .....	194
2.4. Дизъюнктивная и конъюнктивная нормальные формы .....	198

<b>6</b>	2.5. Двойственность .....	209
	2.6. Геометрия единичного $n$ -мерного куба.....	212
	2.7. Полные системы функций. Теорема Поста.....	220
	2.8. Пороговая логика.....	228
	Задачи для самостоятельного решения.....	254
	Литература.....	257
	<b>Ответы и указания к решению задач .....</b>	<b>259</b>
	<b>Оглавление тома 2 .....</b>	<b>272</b>