

РОССИЙСКАЯ АКАДЕМИЯ НАРОДНОГО  
ХОЗЯЙСТВА И ГОСУДАРСТВЕННОЙ СЛУЖБЫ  
ПРИ ПРЕЗИДЕНТЕ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

АКАДЕМИЧЕСКАЯ КНИГА

*Жерар Дебре*

## **ТЕОРИЯ ЦЕННОСТИ**

АКСИОМАТИЧЕСКИЙ  
АНАЛИЗ ЭКОНОМИЧЕСКОГО  
РАВНОВЕСИЯ



*Gerard Debreu*

# **THEORY OF VALUE**

*An Axiomatic Analysis  
Of Economic Equilibrium*

*Yale University Press  
New Haven and London*

СЕРИЯ

«АКАДЕМИЧЕСКАЯ КНИГА»

Жерар Дебре

# ТЕОРИЯ ЦЕННОСТИ

Аксиоматический анализ  
экономического равновесия

Перевод с английского  
М. Левина и И. Агеевой  
под научной редакцией М. Левина

Рекомендуется Российской академией народного  
хозяйства и государственной службы при Президенте  
Российской Федерации в качестве учебника для студентов,  
обучающихся по экономическим направлениям  
и специальностям, а также для студентов бакалавриата,  
магистратуры, аспирантов, преподавателей экономических  
факультетов вузов. (Основание – приказ Министерства  
образования и науки №130 от 22 февраля 2012 г.)



Москва • 2018

УДК 330.36.01

ББК 65.012

Д25

**Дебре, Жерар**

Д25

Теория ценности: аксиоматический анализ экономического равновесия / Жерар Дебре; пер. с англ. М.И. Левина и И.М. Агеевой; под науч. ред. М. И. Левина. — М. : Издательский дом «Дело» РАНХиГС, 2018. — 240 с. — (Академическая книга).

ISBN 978-5-7749-1352-7

В книге рассматриваются две центральные проблемы экономической теории — объяснение цен на товары как следствие взаимодействия на рынках агентов в условиях экономики частной собственности и объяснение роли цен при оптимальном состоянии экономики. Представленная в монографии теория ценности соответствует стандартам строгости современной математики. В центре анализа находится концепция системы цен, или, более обобщенно, функция ценности, определенная на пространстве товаров. Аксиоматическая форма анализа, когда теория логически полностью отделена от ее интерпретационных аспектов, продиктована приверженностью строгости. Для сведения издержек аксиоматизации к минимуму в книге используются простейшие математические конструкции.

УДК 330.36.01

ББК 65.012

ISBN 978-5-7749-1352-7

© 1972 by Cowles Foundation of Yale

Originally published by Yale University Press

© ФГБОУ ВО «Российская академия народного хозяйства и государственной службы при Президенте Российской Федерации», 2018

# Оглавление

|   |           |
|---|-----------|
| От научного редактора .....                 | XI        |
| Предисловие .....                           | XIII      |
| <b>Глава 1. Математика .....</b>            | <b>1</b>  |
| 1.1. Введение .....                         | 1         |
| 1.2. Множества .....                        | 4         |
| 1.3. Функции и отображения .....            | 9         |
| 1.4. Предпорядки .....                      | 15        |
| 1.5. Действительные числа .....             | 20        |
| 1.6. Пределы в $R^n$ .....                  | 25        |
| 1.7. Непрерывные функции .....              | 32        |
| 1.8. Непрерывные отображения .....          | 36        |
| 1.9. Векторы в $R^n$ .....                  | 42        |
| 1.10. Неподвижные точки .....               | 53        |
| Примечания .....                            | 54        |
| <b>Глава 2. Товары и цены .....</b>         | <b>59</b> |
| 2.1. Введение .....                         | 59        |
| 2.2. Периоды времени и местоположение ..... | 61        |
| 2.3. Блага .....                            | 62        |
| 2.4. Услуги .....                           | 65        |

|   |            |
|---|------------|
| 2.5. Товары .....   | 67         |
| 2.6. Цены .....   | 68         |
| 2.7. Процент, дисконт и обмен .....                             | 70         |
| 2.8. Теория и ее интерпретация .....                            | 74         |
| Примечания .....  | 75         |
| <b>Глава 3. Производители .....</b>                             | <b>77</b>  |
| 3.1. Введение .....   | 77         |
| 3.2. Производство и производственные множества .....            | 78         |
| 3.3. Предположения относительно производственных множеств ..... | 82         |
| 3.4. Максимизация прибыли .....                                 | 88         |
| 3.5. Вариации цен .....   | 95         |
| Примечания .....  | 98         |
| <b>Глава 4. Потребители .....</b>                               | <b>101</b> |
| 4.1. Введение .....   | 101        |
| 4.2. Потребление и потребительские множества .....              | 102        |
| 4.3. Предположения о потребительских множествах .....           | 106        |
| 4.4. Предпочтения.....  | 109        |
| 4.5. Предположение о ненасыщаемости предпочтений .....          | 112        |
| 4.6. Предположение о непрерывности предпочтений .....           | 112        |
| 4.7. Предположения о выпуклости предпочтений .....              | 120        |
| 4.8. Бюджетное ограничение .....                                | 125        |
| 4.9. Удовлетворенность предпочтения .....                       | 131        |
| 4.10. Вариации пары цена-бюджет .....                           | 143        |
| Примечания .....  | 144        |
| <b>Глава 5. Равновесие .....</b>                                | <b>149</b> |
| 5.1. Введение .....   | 149        |
| 5.2. Ресурсы .....  | 150        |

|   |            |
|---|------------|
| 5.3. Экономики .....  | 151        |
| 5.4. Достижимые состояния .....                                     | 154        |
| 5.5. Экономика частной собственности .....                          | 158        |
| 5.6. Рыночное равновесие .....                                      | 161        |
| 5.7. Равновесие .....   | 168        |
| Примечания .....  | 177        |
| <b>Глава 6. Оптимум .....</b>                                       | <b>181</b> |
| 6.1. Введение .....   | 181        |
| 6.2. Оптимум и равновесие относительно<br>системы цен .....         | 182        |
| 6.3. Равновесие относительно системы<br>цен — оптимум .....         | 190        |
| 6.4. Оптимум является равновесием относительно<br>системы цен ..... | 192        |
| Примечания.....   | 195        |
| <b>Глава 7. Неопределенность .....</b>                              | <b>197</b> |
| 7.1. Введение .....   | 197        |
| 7.2. События .....  | 197        |
| 7.3. Товары и цены .....  | 199        |
| 7.4. Производители .....  | 201        |
| 7.5. Потребители .....  | 202        |
| 7.6. Равновесие .....   | 204        |
| 7.7. Оптимум .....  | 206        |
| Примечания .....  | 206        |
| <b>Литература .....</b>   | <b>207</b> |
| <b>Указатель .....</b>  | <b>215</b> |