

ВЫСШЕЕ ОБРАЗОВАНИЕ

ТЕОРИЯ ИЗМЕРЕНИЙ

Основы проективной
теории измерений



О. А. Цыбульский



E.LANBOOK.COM

О. А. ЦЫБУЛЬСКИЙ

**ТЕОРИЯ ИЗМЕРЕНИЙ.
ОСНОВЫ ПРОЕКТИВНОЙ
ТЕОРИИ ИЗМЕРЕНИЙ**

УЧЕБНОЕ ПОСОБИЕ



ЛАНЬ

САНКТ-ПЕТЕРБУРГ • МОСКВА • КРАСНОДАР

2024

УДК 53.08
ББК 30.10я73

Ц 93 **Цыбульский О. А.** Теория измерений. Основы проективной теории измерений : учебное пособие для вузов / О. А. Цыбульский. — Санкт-Петербург : Лань, 2024. — 192 с. : ил. — Текст : непосредственный.

ISBN 978-5-507-48185-9

Приводится развитие теории измерений в областях, в которых применение линейной модели измерений становится неэффективным. Это параметрические и широкодиапазонные измерения, в которых нелинейность характеристики преобразования уже необходимо учитывать в модели измерения. Эту задачу решает проективная теория измерений. Обобщенное уравнение проективного измерения включает линейное и параметрическое преобразования в качестве частных случаев.

Адресовано студентам вузов и специалистам по измерениям.

УДК 53.08
ББК 30.10я73

Рецензенты:

А. А. МИНАКОВ — кандидат технических наук, заместитель генерального директора АО «Промсервис»;

Ю. Г. ШМИГИРИЛОВ — кандидат технических наук, доцент кафедры общей и медицинской физики Димитровградского инженерно-технологического института Национального исследовательского ядерного университета «МИФИ».

Обложка

П. И. ПОЛЯКОВА

© Издательство «Лань», 2024
© О. А. Цыбульский, 2024
© Издательство «Лань», художественное оформление, 2024

ОГЛАВЛЕНИЕ

| | |
|--|-----------|
| Условные обозначения | 3 |
| Введение | 4 |
| Глава 1. Нормирование предельной погрешности..... | 13 |
| 1.1. Нормирование предельной погрешности параметрических преобразователей..... | 17 |
| 1.2. Проективные свойства параметрического преобразования | 20 |
| 1.3. Нормирование предельной погрешности с помощью граничных предельных погрешностей | 22 |
| 1.4. Сравнение способов нормирования предельной погрешности..... | 23 |
| 1.5. Влияние закона изменения плотности вероятности измеряемой величины на полосу предельной погрешности прибора | 27 |
| 1.6. Выводы по главе 1..... | 30 |
| Вопросы для самоконтроля..... | 30 |
| Глава 2. Согласование погрешности квантования прибора с полосой его предельной погрешности..... | 31 |
| 2.1. Полоса предельной погрешности приборов..... | 31 |
| 2.2. Метод трансформации шкалы измерительного преобразования..... | 35 |
| 2.3. Аддитивная полоса предельной погрешности | 36 |
| 2.4. Аддитивно-мультипликативная (АМ) полоса предельной погрешности..... | 37 |
| 2.5. Аддитивно-мультипликативно-гиперболическая (АМГ) полоса предельной погрешности..... | 38 |
| 2.6. Уравнение измерений при применении АЦП с линейной шкалой квантования | 41 |
| 2.7. Выводы по главе 2..... | 42 |

| | |
|--|-----------|
| Вопросы для самоконтроля..... | 43 |
| Глава 3. Свойства дробно-линейных АЦП | 44 |
| 3.1. Классификация методов прямых измерений | 44 |
| 3.2. Дробно-линейное уравнение измерения со шкалой измерений с «квазипостоянной» относительной погрешностью | 51 |
| 3.3. Критерий квантования дробно-линейного АЦП | 53 |
| 3.4. Отношение сигнал/шум квантования (<i>SNR</i>) дробно-линейного АЦП..... | 58 |
| 3.5. Свойства характеристики дробно-линейного АЦП и примеры применения | 60 |
| 3.6. Получение требуемой шкалы квантования дробно-линейного АЦП..... | 60 |
| 3.7. Получение требуемой характеристики АЦ-преобразования..... | 61 |
| 3.8. Сжатие и расширение динамического диапазона измерений | 62 |
| 3.9. Построение аналого-цифрового преобразования с заданной нелинейностью характеристики..... | 64 |
| 3.10. Линеаризация параметрических преобразователей | 65 |
| 3.11. Выводы по главе 3..... | 68 |
| Вопросы для самоконтроля..... | 69 |
| Глава 4. Критерий для обобщенной оценки приборов по точности и диапазону | 70 |
| 4.1. Критерий количества эффективных квантов измерительной шкалы..... | 71 |
| 4.2. Средние по диапазону погрешности измерения | 75 |
| 4.3. Сравнение многодиапазонных приборов | 77 |
| 4.4. Оценка методов нормирования погрешности..... | 82 |
| 4.5. Выводы по главе 4..... | 84 |
| Вопросы для самоконтроля..... | 85 |

| | |
|--|------------|
| Глава 5. Проективная модель измерений | 86 |
| 5.1. Связь измерительной техники и проективной геометрии | 86 |
| 5.2. Проективная модель линейных измерений | 91 |
| 5.3. Проективная модель дробно-линейных измерений | 93 |
| 5.4. Обобщенная модель проективного измерительного преобразования | 95 |
| 5.5. Выводы по главе 5 | 107 |
| Вопросы для самоконтроля | 107 |
| Глава 6. Свойства проективного измерительного преобразования ... | 109 |
| 6.1. Свойства отношений параметров проективного измерения | 110 |
| 6.2. Свойства разностей и произведений параметров проективного измерения | 111 |
| 6.3. Закономерность преобразования погрешности квантования при проективном измерении | 112 |
| 6.4. Переход формул к ненормированным переменным | 113 |
| 6.5. Выводы по главе 6 | 115 |
| Вопросы для самоконтроля | 116 |
| Глава 7. Применение проективного инварианта сложного отношения четырех точек шкалы для снижения погрешности измерения | 117 |
| 7.1. Автоматическая коррекция погрешности измерения | 119 |
| 7.2. Выводы по главе 7 | 127 |
| Вопросы для самоконтроля | 128 |
| Глава 8. Инвариант проективного измерительного преобразователя | 129 |
| 8.1. Определение значения инварианта преобразователя S | 131 |
| 8.2. Уравнение проективного измерения, выраженное через S | 134 |

| | |
|---|------------|
| 8.3. Коэффициент нелинейности S функции проективного преобразования | 134 |
| 8.4. Проведение коррекции систематической погрешности на основе двух тестовых сигналов | 137 |
| 8.5. Проведение коррекции систематической погрешности на основе одного тестового сигнала..... | 138 |
| 8.6. Преимущества применения МСО при проективном измерении | 141 |
| 8.7. Выводы по главе 8..... | 143 |
| Вопросы для самоконтроля..... | 143 |
| Глава 9. Анализ и синтез в проективных измерениях | 145 |
| 9.1. Характеристики проективного измерения | 146 |
| 9.2. Расширение диапазона изменений выходного кода K | 154 |
| 9.3. Алгоритмы синтеза уравнения проективного измерения..... | 157 |
| 9.4. Коррекция погрешности проективного измерения | 159 |
| 9.5. Проведение коррекции систематической погрешности на основе одного тестового сигнала..... | 166 |
| 9.6. Выводы по главе 9..... | 169 |
| Вопросы для самоконтроля..... | 170 |
| Заключение..... | 172 |
| Приложение | 178 |
| Библиографический список | 180 |